

Исходные данные:

Калибр орудия: $d := 0.03$ м

$g := 9.807$ м/с²

порох марки ВТ 8/5 Патрон 30x165 с бронебойной пулей

1) Сила пороха $f := 95000$ кгм/кг

2) Коволюм $\alpha := 0.00098$ м³/кг

3) Плотность пороха $\delta := 1600$ кг/м³

4) Характеристика $A := 7.5 \cdot 10^{-9}$ м³/сек*кг

5) Характеристика $\Theta := 0.2$

6) Вес заряда $\omega := 0.126$ кг

7) Габариты пороховой трубки $e_0 := \frac{0.0008}{2} = 4 \cdot 10^{-4}$ м $a := \frac{0.005}{2} = 0.003$ м

8) Характеристики формы пороха $\nu := 1 + \frac{e_0}{a} = 1.16$ м $\lambda := \frac{e_0}{a + e_0} = 0.138$ м $\mu := 0$ м

9) Плотность заряжания $\Delta := 800$ кг/м³

10) Площадь поперечного сечения канала $S := \frac{\pi \cdot d^2}{4} = 7.069 \cdot 10^{-4}$ м²

11) Полный путь снаряда в канале $L := 50 \cdot d \cdot 1.1 = 1.65$ м

12) Вес откатных частей $Q_0 := 7670 \cdot \pi \cdot \left(d^2 - \left(\frac{d}{2} \right)^2 \right) \cdot L \cdot 1.2 = 32.204$ кг

13) Вес снаряда $q := 0.4$ кг

14) Коэффициент формы снаряда $i := 0.5$

15) Давление форсирования $P_0 := 4000000$ кг/м²

16) Коэффициент фиктивности $\varphi := 1.05 + \frac{1}{3} \cdot \frac{\omega}{q} = 1.155$

Внутренняя баллистика

Предварительные вычисления

$$\nu_1 := \nu \cdot (2 - \lambda + 0.5 \cdot \mu) - 1 = 1.16$$

$$\lambda_1 := 1 - \frac{1}{\nu_1} = 0.138$$

$$R_\Delta := \frac{1}{\Delta} - \frac{1}{\delta} = 6.25 \cdot 10^{-4}$$

$$R_\alpha := \alpha - \frac{1}{\delta} = 3.55 \cdot 10^{-4}$$

$$\Psi_0 := \frac{R_\Delta}{\frac{f}{P_0} + R_\alpha} = 0.026$$

$$\sigma_0 := \sqrt{1 - \frac{4 \cdot \lambda \cdot \Psi_0}{\nu_1}} = 0.994$$

$$z_0 := \frac{1 - \sigma_0}{2 \cdot \lambda_1} = 0.022$$

$$i := \frac{Q_0 + q}{Q_0} = 1.012$$

$$\xi := \frac{\varphi \cdot q}{g \cdot S} = 66.646$$

$$\tau := \frac{e_0}{A} = 5.333 \cdot 10^4$$

$$V := \frac{\tau \cdot \sigma_0}{\lambda_1 \cdot \xi} = 5.766 \cdot 10^3$$

$$\gamma := \frac{\nu_1 \cdot \sigma_0}{\lambda_1} = 8.358$$

$$j := \frac{\omega}{S} = 178.254$$

$$l_\Delta := j \cdot R_\Delta = 0.111$$

$$l_\alpha := j \cdot R_\alpha = 0.063$$

$$l_0 := l_\Delta - l_\alpha \cdot \Psi_0 = 0.11$$

$$K := l_\alpha \cdot \gamma = 0.529$$

$$F := \frac{f \cdot j \cdot \gamma}{V} = 2.455 \cdot 10^4$$

$$\beta := \frac{\Psi_0}{\gamma} = 0.003$$

$$h := \frac{2 \cdot F}{\xi \cdot V} = 0.128$$

$$C := 1 + \frac{\Theta}{h} = 2.565$$

$$X_K := \frac{\lambda}{\sigma_0} \cdot (1 - z_0) = 0.136$$

$$D := \frac{i}{h + \Theta} = 3.089$$

Определении функции ε и ε_1

Разделим полный промежуток интегрирования X_K на 20 равных интервалов ΔX

$$\Delta X := \frac{X_K}{20} = 0.007$$

$$x_1 := 0$$

$$x_4 := x_3 + \Delta X = 0.02$$

$$x_7 := x_6 + \Delta X = 0.041$$

$$x_{10} := x_9 + \Delta X = 0.061$$

$$x_{13} := x_{12} + \Delta X = 0.081$$

$$x_{16} := x_{15} + 2 \Delta X = 0.109$$

$$x_2 := x_1 + \Delta X = 0.007$$

$$x_5 := x_4 + \Delta X = 0.027$$

$$x_8 := x_7 + \Delta X = 0.047$$

$$x_{11} := x_{10} + \Delta X = 0.068$$

$$x_{14} := x_{11} + 2 \Delta X = 0.081$$

$$x_{17} := x_{16} + 2 \Delta X = 0.122$$

$$x_3 := x_2 + \Delta X = 0.014$$

$$x_6 := x_5 + \Delta X = 0.034$$

$$x_9 := x_8 + \Delta X = 0.054$$

$$x_{12} := x_{11} + \Delta X = 0.075$$

$$x_{15} := x_{14} + 2 \Delta X = 0.095$$

$$x_{18} := x_{17} + 2 \Delta X = 0.136$$

Сначала находим численным интегрированием функцию:

$$y_1 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_1 \cdot \log(e)}{\beta + x_1 - C \cdot x_1^2} = 0$$

$$y_3 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_3 \cdot \log(e)}{\beta + x_3 - C \cdot x_3^2} = 5.766$$

$$y_5 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_5 \cdot \log(e)}{\beta + x_5 - C \cdot x_5^2} = 6.589$$

$$y_7 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_7 \cdot \log(e)}{\beta + x_7 - C \cdot x_7^2} = 7.083$$

$$y_9 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_9 \cdot \log(e)}{\beta + x_9 - C \cdot x_9^2} = 7.499$$

$$y_{11} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{11} \cdot \log(e)}{\beta + x_{11} - C \cdot x_{11}^2} = 7.896$$

$$y_{13} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{13} \cdot \log(e)}{\beta + x_{13} - C \cdot x_{13}^2} = 8.3$$

$$y_{15} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{15} \cdot \log(e)}{\beta + x_{15} - C \cdot x_{15}^2} = 8.724$$

$$y_{17} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{17} \cdot \log(e)}{\beta + x_{17} - C \cdot x_{17}^2} = 9.666$$

$$y_2 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_2 \cdot \log(e)}{\beta + x_2 - C \cdot x_2^2} = 4.78$$

$$y_4 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_4 \cdot \log(e)}{\beta + x_4 - C \cdot x_4^2} = 6.256$$

$$y_6 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_6 \cdot \log(e)}{\beta + x_6 - C \cdot x_6^2} = 6.853$$

$$y_8 := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_8 \cdot \log(e)}{\beta + x_8 - C \cdot x_8^2} = 7.295$$

$$y_{10} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{10} \cdot \log(e)}{\beta + x_{10} - C \cdot x_{10}^2} = 7.698$$

$$y_{12} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{12} \cdot \log(e)}{\beta + x_{12} - C \cdot x_{12}^2} = 8.097$$

$$y_{14} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{14} \cdot \log(e)}{\beta + x_{14} - C \cdot x_{14}^2} = 8.3$$

$$y_{16} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{16} \cdot \log(e)}{\beta + x_{16} - C \cdot x_{16}^2} = 9.176$$

$$y_{18} := \frac{2 \cdot C \cdot D \cdot x_{18} \cdot \log(e)}{\beta + x_{18} - C \cdot x_{18}^2} = 10.201$$

Вспомогательная функция при интегрировании равна:

$$\begin{array}{lll}
 \Phi_1 := \Delta X \cdot y_1 = 0 & \Phi_2 := \Delta X \cdot y_2 = 0.032 & \Phi_3 := \Delta X \cdot y_3 = 0.039 \\
 \Phi_4 := \Delta X \cdot y_4 = 0.042 & \Phi_5 := \Delta X \cdot y_5 = 0.045 & \Phi_6 := \Delta X \cdot y_6 = 0.046 \\
 \Phi_7 := \Delta X \cdot y_7 = 0.048 & \Phi_8 := \Delta X \cdot y_8 = 0.049 & \Phi_9 := \Delta X \cdot y_9 = 0.051 \\
 \Phi_{10} := \Delta X \cdot y_{10} = 0.052 & \Phi_{11} := \Delta X \cdot y_{11} = 0.054 & \Phi_{12} := \Delta X \cdot y_{12} = 0.055 \\
 \Phi_{13} := \Delta X \cdot y_{13} = 0.056 & \Phi_{14} := 2 \Delta X \cdot y_{14} = 0.113 & \Phi_{15} := 2 \Delta X \cdot y_{15} = 0.118 \\
 \Phi_{16} := 2 \Delta X \cdot y_{16} = 0.125 & \Phi_{17} := 2 \Delta X \cdot y_{17} = 0.131 & \Phi_{18} := 2 \Delta X \cdot y_{18} = 0.138
 \end{array}$$

Колонка для $\Delta\Phi$

$$\Delta\Phi_1 := \Phi_2 - \Phi_1 = 0.032 \qquad \Delta\Phi_2 := \Phi_3 - \Phi_2 = 0.007 \qquad \Delta\Phi_3 := \Phi_4 - \Phi_3 = 0.003$$

Колонка для $\Delta^2\Phi$

$$\Delta^2\Phi_1 := \Delta\Phi_2 - \Delta\Phi_1 = -0.026 \qquad \Delta^2\Phi_2 := \Delta\Phi_3 - \Delta\Phi_2 = -0.003$$

Колонка для $\Delta^3\Phi$

$$\Delta^3\Phi_1 := \Delta^2\Phi_2 - \Delta^2\Phi_1 = 0.022$$

Колонка для $\Delta\epsilon$

$$\Delta\epsilon_1 := \Phi_1 + \frac{1}{2} \cdot \Delta\Phi_1 - \frac{1}{12} \cdot \Delta^2\Phi_1 + \frac{1}{24} \cdot \Delta^3\Phi_1 = 0.019$$

Колонка для ϵ

$$\epsilon_1 := 0 + \Delta\epsilon_1 = 0.019$$

Таблица 2.1.

| x | ϵ | $\Delta\epsilon$ | Φ | $\Delta\Phi$ | $\Delta^2\Phi$ | $\Delta^3\Phi$ |
|--------|------------|------------------|--------|--------------|----------------|----------------|
| 0,0000 | 0,0000 | 0,0193 | 0,0000 | 0,0324 | -0,0257 | 0,0224 |
| 0,0068 | 0,0193 | 0,0361 | 0,0324 | 0,0067 | -0,0034 | 0,0023 |
| 0,0136 | 0,0554 | 0,0409 | 0,0391 | 0,0033 | -0,0011 | 0,0006 |
| 0,0204 | 0,0963 | 0,0436 | 0,0424 | 0,0023 | -0,0005 | 0,0002 |
| 0,0271 | 0,1399 | 0,0456 | 0,0447 | 0,0018 | -0,0002 | |
| 0,0339 | 0,1856 | 0,0473 | 0,0465 | 0,0016 | -0,0001 | |
| 0,0407 | 0,2328 | 0,0488 | 0,0481 | 0,0014 | -0,0001 | |
| 0,0475 | 0,2816 | 0,0502 | 0,0495 | 0,0014 | 0,0000 | |
| 0,0543 | 0,3318 | 0,0515 | 0,0509 | 0,0014 | 0,0000 | |
| 0,0611 | 0,3833 | 0,0529 | 0,0522 | 0,0013 | 0,0000 | |
| 0,0678 | 0,4362 | 0,0542 | 0,0536 | 0,0014 | 0,0000 | |
| 0,0746 | 0,4905 | 0,0556 | 0,0549 | 0,0014 | 0,0000 | |
| 0,0814 | 0,5461 | | 0,0563 | | | |
| 0,0814 | 0,5461 | 0,1155 | 0,1126 | 0,0057 | 0,0004 | |
| 0,0950 | 0,6616 | 0,1214 | 0,1184 | 0,0061 | 0,0005 | |
| 0,1085 | 0,7830 | 0,1278 | 0,1245 | 0,0066 | 0,0006 | |
| 0,1221 | 0,9107 | 0,1348 | 0,1311 | 0,0073 | | |
| 0,1357 | 1,0455 | | 0,1384 | | | |

Переходим к вычислению функции ε_1 согласно соотношению:

$$\begin{aligned}
 y_1 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_1) \cdot 10^{-\varepsilon_1} = -0.529 & y_2 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_2) \cdot 10^{-\varepsilon_2} = -0.499 \\
 y_3 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_3) \cdot 10^{-\varepsilon_3} = -0.453 & y_4 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_4) \cdot 10^{-\varepsilon_4} = -0.406 \\
 y_5 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_5) \cdot 10^{-\varepsilon_5} = -0.362 & y_6 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_6) \cdot 10^{-\varepsilon_6} = -0.322 \\
 y_7 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_7) \cdot 10^{-\varepsilon_7} = -0.284 & y_8 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_8) \cdot 10^{-\varepsilon_8} = -0.25 \\
 y_9 &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_9) \cdot 10^{-\varepsilon_9} = -0.22 & y_{10} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{10}) \cdot 10^{-\varepsilon_{10}} = -0.192 \\
 y_{11} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{11}) \cdot 10^{-\varepsilon_{11}} = -0.167 & y_{12} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{12}) \cdot 10^{-\varepsilon_{12}} = -0.145 \\
 y_{13} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{13}) \cdot 10^{-\varepsilon_{13}} = -0.126 & y_{14} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{14}) \cdot 10^{-\varepsilon_{14}} = -0.126 \\
 y_{15} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{15}) \cdot 10^{-\varepsilon_{15}} = -0.093 & y_{16} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{16}) \cdot 10^{-\varepsilon_{16}} = -0.068 \\
 y_{17} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{17}) \cdot 10^{-\varepsilon_{17}} = -0.049 & y_{18} &:= -K \cdot (1 - 2 \cdot x_{18}) \cdot 10^{-\varepsilon_{18}} = -0.035
 \end{aligned}$$

Вспомогательная функция Φ здесь равна

$$\begin{aligned}
 \Phi_1 &:= \Delta X \cdot y_1 = -0.004 & \Phi_2 &:= \Delta X \cdot y_2 = -0.003 & \Phi_3 &:= \Delta X \cdot y_3 = -0.003 \\
 \Phi_4 &:= \Delta X \cdot y_4 = -0.003 & \Phi_5 &:= \Delta X \cdot y_5 = -0.002 & \Phi_6 &:= \Delta X \cdot y_6 = -0.002 \\
 \Phi_7 &:= \Delta X \cdot y_7 = -0.002 & \Phi_8 &:= \Delta X \cdot y_8 = -0.002 & \Phi_9 &:= \Delta X \cdot y_9 = -0.001 \\
 \Phi_{10} &:= \Delta X \cdot y_{10} = -0.001 & \Phi_{11} &:= \Delta X \cdot y_{11} = -0.001 & \Phi_{12} &:= \Delta X \cdot y_{12} = -9.867 \cdot 10^{-4} \\
 \Phi_{13} &:= \Delta X \cdot y_{13} = -8.542 \cdot 10^{-4} & \Phi_{14} &:= 2 \Delta X \cdot y_{14} = -0.002 & \Phi_{15} &:= 2 \Delta X \cdot y_{15} = -0.001 \\
 \Phi_{16} &:= 2 \Delta X \cdot y_{16} = -9.261 \cdot 10^{-4} & \Phi_{17} &:= 2 \Delta X \cdot y_{17} = -6.661 \cdot 10^{-4} & \Phi_{18} &:= 2 \Delta X \cdot y_{18} = -4.709 \cdot 10^{-4}
 \end{aligned}$$

Значения функции заданные в таблице 2.2., составлены аналогично таблице 2.1

Для $x_1 := 0 \Rightarrow \varepsilon_{1,0} := l_0 = 0.11$

Таблица 2.2.

| x | ε_1 | $\Delta\varepsilon_1$ | Φ | $\Delta\Phi$ | $\Delta^2\Phi$ |
|----------|-----------------|-----------------------|----------|--------------|----------------|
| 0 | 0,109768 | -0,0035 | -0,00359 | 0,00020 | 0,00011 |
| 0,006784 | 0,106272 | -0,00323 | -0,00339 | 0,00031 | 0,00000 |
| 0,013568 | 0,103043 | -0,00291 | -0,00307 | 0,00032 | -0,00002 |
| 0,020352 | 0,100129 | -0,00261 | -0,00276 | 0,00030 | -0,00002 |
| 0,027136 | 0,097523 | -0,00232 | -0,00246 | 0,00028 | -0,00002 |
| 0,033919 | 0,095205 | -0,00205 | -0,00218 | 0,00025 | -0,00002 |
| 0,040703 | 0,093152 | -0,00181 | -0,00193 | 0,00023 | -0,00002 |
| 0,047487 | 0,091341 | -0,00159 | -0,0017 | 0,00021 | -0,00002 |
| 0,054271 | 0,089749 | -0,00139 | -0,00149 | 0,00019 | -0,00002 |
| 0,061055 | 0,088354 | -0,00122 | -0,0013 | 0,00017 | -0,00002 |
| 0,067839 | 0,087137 | -0,00106 | -0,00114 | 0,00015 | -0,00002 |
| 0,074623 | 0,086077 | -0,00092 | -0,00099 | 0,00013 | |
| 0,081407 | 0,085156 | | -0,00085 | | |
| 0,081407 | 0,085156 | -0,00148 | -0,00171 | 0,00044 | -0,00010 |
| 0,094974 | 0,083677 | -0,00109 | -0,00127 | 0,00034 | -0,00008 |
| 0,108542 | 0,082587 | -0,00079 | -0,00093 | 0,00026 | -0,00006 |
| 0,12211 | 0,081796 | -0,00057 | -0,00067 | 0,00020 | |
| 0,135678 | 0,081228 | | -0,00047 | | |

Для определения P , l и v в первом периоде применяем уравнение

$$\begin{aligned}
 l_{x.1} &:= l_0 - K \cdot x_1 \cdot (1 - x_1) = 0.11 & l_{x.2} &:= l_0 - K \cdot x_2 \cdot (1 - x_2) = 0.106 \\
 l_{x.3} &:= l_0 - K \cdot x_3 \cdot (1 - x_3) = 0.103 & l_{x.4} &:= l_0 - K \cdot x_4 \cdot (1 - x_4) = 0.099 \\
 l_{x.5} &:= l_0 - K \cdot x_5 \cdot (1 - x_5) = 0.096 & l_{x.6} &:= l_0 - K \cdot x_6 \cdot (1 - x_6) = 0.092 \\
 l_{x.7} &:= l_0 - K \cdot x_7 \cdot (1 - x_7) = 0.089 & l_{x.8} &:= l_0 - K \cdot x_8 \cdot (1 - x_8) = 0.086 \\
 l_{x.9} &:= l_0 - K \cdot x_9 \cdot (1 - x_9) = 0.083 & l_{x.10} &:= l_0 - K \cdot x_{10} \cdot (1 - x_{10}) = 0.079 \\
 l_{x.11} &:= l_0 - K \cdot x_{11} \cdot (1 - x_{11}) = 0.076 & l_{x.12} &:= l_0 - K \cdot x_{12} \cdot (1 - x_{12}) = 0.073 \\
 l_{x.13} &:= l_0 - K \cdot x_{13} \cdot (1 - x_{13}) = 0.07 & l_{x.14} &:= l_0 - K \cdot x_{14} \cdot (1 - x_{14}) = 0.07 \\
 l_{x.15} &:= l_0 - K \cdot x_{15} \cdot (1 - x_{15}) = 0.064 & l_{x.16} &:= l_0 - K \cdot x_{16} \cdot (1 - x_{16}) = 0.059 \\
 l_{x.17} &:= l_0 - K \cdot x_{17} \cdot (1 - x_{17}) = 0.053 & l_{x.18} &:= l_0 - K \cdot x_{18} \cdot (1 - x_{18}) = 0.048
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 l_1 &:= 10^{\varepsilon_1} \cdot \varepsilon_{1.1} - l_{x.1} = 0 & l_2 &:= 10^{\varepsilon_2} \cdot \varepsilon_{1.2} - l_{x.2} = 0.005 & l_3 &:= 10^{\varepsilon_3} \cdot \varepsilon_{1.3} - l_{x.3} = 0.014 \\
 l_4 &:= 10^{\varepsilon_4} \cdot \varepsilon_{1.4} - l_{x.4} = 0.026 & l_5 &:= 10^{\varepsilon_5} \cdot \varepsilon_{1.5} - l_{x.5} = 0.039 & l_6 &:= 10^{\varepsilon_6} \cdot \varepsilon_{1.6} - l_{x.6} = 0.054 \\
 l_7 &:= 10^{\varepsilon_7} \cdot \varepsilon_{1.7} - l_{x.7} = 0.07 & l_8 &:= 10^{\varepsilon_8} \cdot \varepsilon_{1.8} - l_{x.8} = 0.089 & l_9 &:= 10^{\varepsilon_9} \cdot \varepsilon_{1.9} - l_{x.9} = 0.11 \\
 l_{10} &:= 10^{\varepsilon_{10}} \cdot \varepsilon_{1.10} - l_{x.10} = 0.134 & l_{11} &:= 10^{\varepsilon_{11}} \cdot \varepsilon_{1.11} - l_{x.11} = 0.162 & l_{12} &:= 10^{\varepsilon_{12}} \cdot \varepsilon_{1.12} - l_{x.12} = 0.193 \\
 l_{13} &:= 10^{\varepsilon_{13}} \cdot \varepsilon_{1.13} - l_{x.13} = 0.229 & l_{14} &:= 10^{\varepsilon_{14}} \cdot \varepsilon_{1.14} - l_{x.14} = 0.229 & l_{15} &:= 10^{\varepsilon_{15}} \cdot \varepsilon_{1.15} - l_{x.15} = 0.32 \\
 l_{16} &:= 10^{\varepsilon_{16}} \cdot \varepsilon_{1.16} - l_{x.16} = 0.442 & l_{17} &:= 10^{\varepsilon_{17}} \cdot \varepsilon_{1.17} - l_{x.17} = 0.613 & l_{18} &:= 10^{\varepsilon_{18}} \cdot \varepsilon_{1.18} - l_{x.18} = 0.854
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P_1 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_1 - C \cdot x_1^2}{l_{x.1} + l_1} \cdot \frac{1}{10000} = 400 & P_2 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_2 - C \cdot x_2^2}{l_{x.2} + l_2} \cdot \frac{1}{10000} = 1.244 \cdot 10^3 \\
 P_3 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_3 - C \cdot x_3^2}{l_{x.3} + l_3} \cdot \frac{1}{10000} = 1.958 \cdot 10^3 & P_4 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_4 - C \cdot x_4^2}{l_{x.4} + l_4} \cdot \frac{1}{10000} = 2.535 \cdot 10^3 \\
 P_5 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_5 - C \cdot x_5^2}{l_{x.5} + l_5} \cdot \frac{1}{10000} = 2.981 \cdot 10^3 & P_6 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_6 - C \cdot x_6^2}{l_{x.6} + l_6} \cdot \frac{1}{10000} = 3.304 \cdot 10^3 \\
 P_7 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_7 - C \cdot x_7^2}{l_{x.7} + l_7} \cdot \frac{1}{10000} = 3.516 \cdot 10^3 & P_8 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_8 - C \cdot x_8^2}{l_{x.8} + l_8} \cdot \frac{1}{10000} = 3.63 \cdot 10^3 \\
 P_9 &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_9 - C \cdot x_9^2}{l_{x.9} + l_9} \cdot \frac{1}{10000} = 3.659 \cdot 10^3 & P_{10} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{10} - C \cdot x_{10}^2}{l_{x.10} + l_{10}} \cdot \frac{1}{10000} = 3.618 \cdot 10^3 \\
 P_{11} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{11} - C \cdot x_{11}^2}{l_{x.11} + l_{11}} \cdot \frac{1}{10000} = 3.518 \cdot 10^3 & P_{12} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{12} - C \cdot x_{12}^2}{l_{x.12} + l_{12}} \cdot \frac{1}{10000} = 3.372 \cdot 10^3 \\
 P_{13} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{13} - C \cdot x_{13}^2}{l_{x.13} + l_{13}} \cdot \frac{1}{10000} = 3.191 \cdot 10^3 & P_{14} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{14} - C \cdot x_{14}^2}{l_{x.14} + l_{14}} \cdot \frac{1}{10000} = 3.191 \cdot 10^3 \\
 P_{15} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{15} - C \cdot x_{15}^2}{l_{x.15} + l_{15}} \cdot \frac{1}{10000} = 2.763 \cdot 10^3 & P_{16} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{16} - C \cdot x_{16}^2}{l_{x.16} + l_{16}} \cdot \frac{1}{10000} = 2.3 \cdot 10^3 \\
 P_{17} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{17} - C \cdot x_{17}^2}{l_{x.17} + l_{17}} \cdot \frac{1}{10000} = 1.848 \cdot 10^3 & P_{18} &:= V \cdot F \cdot \frac{\beta + x_{18} - C \cdot x_{18}^2}{l_{x.18} + l_{18}} \cdot \frac{1}{10000} = 1.437 \cdot 10^3
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 v_1 &:= V \cdot x_1 = 0 & v_2 &:= V \cdot x_2 = 39.115 & v_3 &:= V \cdot x_3 = 78.231 \\
 v_4 &:= V \cdot x_4 = 117.346 & v_5 &:= V \cdot x_5 = 156.461 & v_6 &:= V \cdot x_6 = 195.577 \\
 v_7 &:= V \cdot x_7 = 234.692 & v_8 &:= V \cdot x_8 = 273.807 & v_9 &:= V \cdot x_9 = 312.923 \\
 v_{10} &:= V \cdot x_{10} = 352.038 & v_{11} &:= V \cdot x_{11} = 391.153 & v_{12} &:= V \cdot x_{12} = 430.269 \\
 v_{13} &:= V \cdot x_{13} = 469.384 & v_{14} &:= V \cdot x_{14} = 469.384 & v_{15} &:= V \cdot x_{15} = 547.615 \\
 v_{16} &:= V \cdot x_{16} = 625.845 & v_{17} &:= V \cdot x_{17} = 704.076 & v_{18} &:= V \cdot x_{18} = 782.307
 \end{aligned}$$

Результаты вычислений заносим в таблицу 2.3.

$$x := \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad v := \begin{bmatrix} v_1 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

Таблица 2.3.

| x | l_x | l | P | v |
|----------|----------|----------|----------|----------|
| 0 | 0,109768 | 0 | 400 | 0 |
| 0,006784 | 0,106204 | 0,004895 | 1244,397 | 39,11534 |
| 0,013568 | 0,102689 | 0,014384 | 1958,213 | 78,23067 |
| 0,020352 | 0,099223 | 0,025772 | 2535,411 | 117,346 |
| 0,027136 | 0,095805 | 0,038799 | 2980,834 | 156,4613 |
| 0,033919 | 0,092436 | 0,05352 | 3303,79 | 195,5767 |
| 0,040703 | 0,089116 | 0,070117 | 3515,854 | 234,692 |
| 0,047487 | 0,085845 | 0,088852 | 3629,919 | 273,8074 |
| 0,054271 | 0,082622 | 0,110056 | 3659,403 | 312,9227 |
| 0,061055 | 0,079448 | 0,134139 | 3617,694 | 352,038 |
| 0,067839 | 0,076322 | 0,161603 | 3517,732 | 391,1534 |
| 0,074623 | 0,073245 | 0,193055 | 3371,684 | 430,2687 |
| 0,081407 | 0,070217 | 0,229231 | 3190,748 | 469,384 |
| 0,094974 | 0,064307 | 0,319549 | 2763,012 | 547,6147 |
| 0,108542 | 0,058592 | 0,44244 | 2299,989 | 625,8454 |
| 0,12211 | 0,053071 | 0,612902 | 1848,073 | 704,0761 |
| 0,135678 | 0,047745 | 0,854238 | 1436,611 | 782,3067 |

Второй период

где $l_{1,K} := l_{\Delta} - l_{\alpha} = 0.048$

$$n := \frac{\Theta}{2} \cdot \frac{\varphi \cdot q}{g \cdot \omega \cdot f} = 3.936 \cdot 10^{-7}$$

из предыдущего $l_K := l_{18} = 0.854$

$$v_K := v_{18} = 782.307$$

Промежуток $L - l_K = 0.796$ разделим на четыре части $\Delta l := \frac{L - l_K}{4} = 0.199$

Определим v и D для соотв. путей снаряда в l

$$l_1 := l_K = 0.854$$

$$l_2 := l_K + \Delta l = 1.053$$

$$l_3 := l_2 + \Delta l = 1.252$$

$$l = \begin{bmatrix} l_1 \\ l_2 \\ l_3 \\ l_4 \\ l_5 \end{bmatrix}$$

$$l_4 := l_3 + \Delta l = 1.451$$

$$l_5 := l_4 + \Delta l = 1.65$$

Для второго периода

$$v := \frac{1}{\sqrt{n}} \cdot \sqrt{1 - (1 - n \cdot v_K^2) \cdot \left(\frac{l_{1,K} + l_K}{l_{1,K} + l} \right)^{\frac{\theta}{i}}} = \begin{bmatrix} 782.307 \\ 828.52 \\ 863.882 \\ 892.223 \\ 915.689 \end{bmatrix}$$

$$P := f \cdot j \cdot \frac{1 - n \cdot v^2}{l_{1,K} + l} \cdot \frac{1}{10000} = \begin{bmatrix} 1.425 \cdot 10^3 \\ 1.122 \cdot 10^3 \\ 919.852 \\ 775.664 \\ 668.142 \end{bmatrix}$$

Результаты вычислений заносим в таблицу 2.4

Таблица 2.4.

| l | u | P |
|----------|----------|----------|
| 0,854238 | 782,3067 | 1424,624 |
| 1,053179 | 828,5204 | 1122,23 |
| 1,252119 | 863,8823 | 919,8518 |
| 1,45106 | 892,2231 | 775,6638 |
| 1,65 | 915,6893 | 668,1424 |

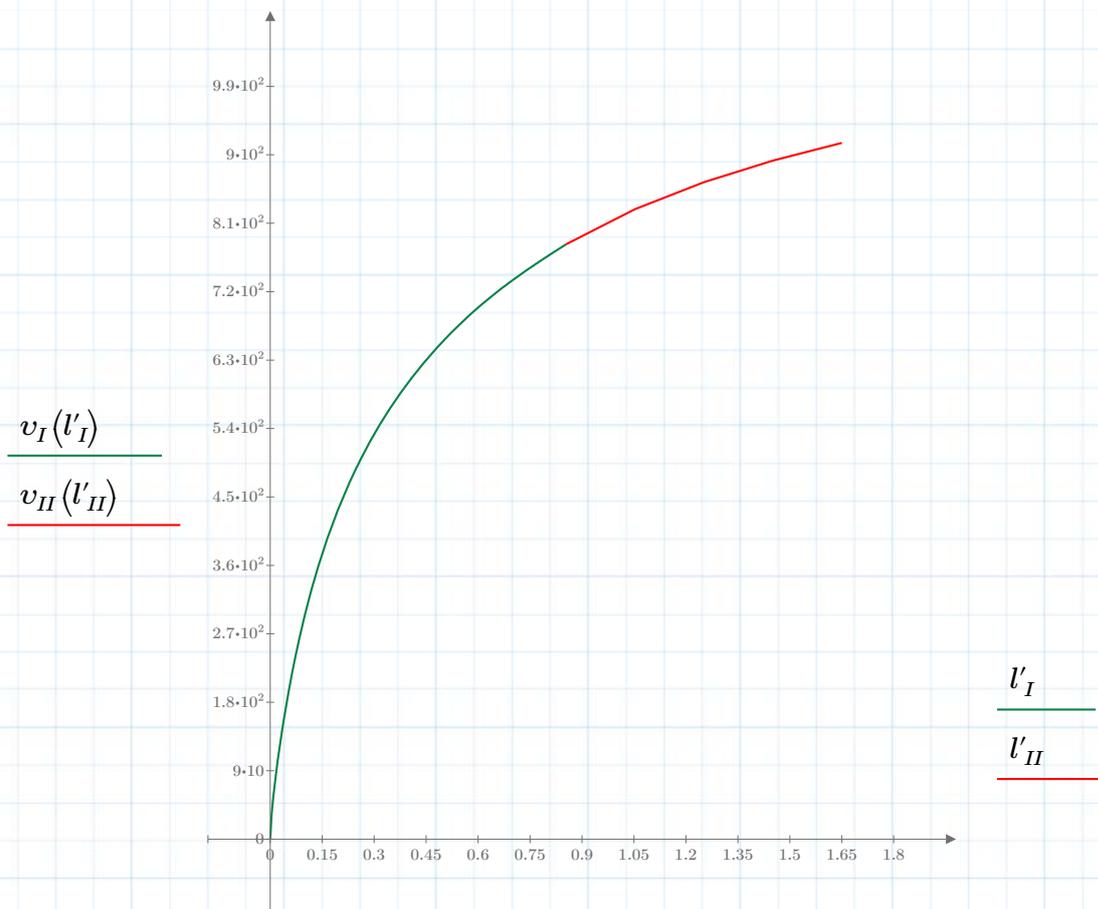
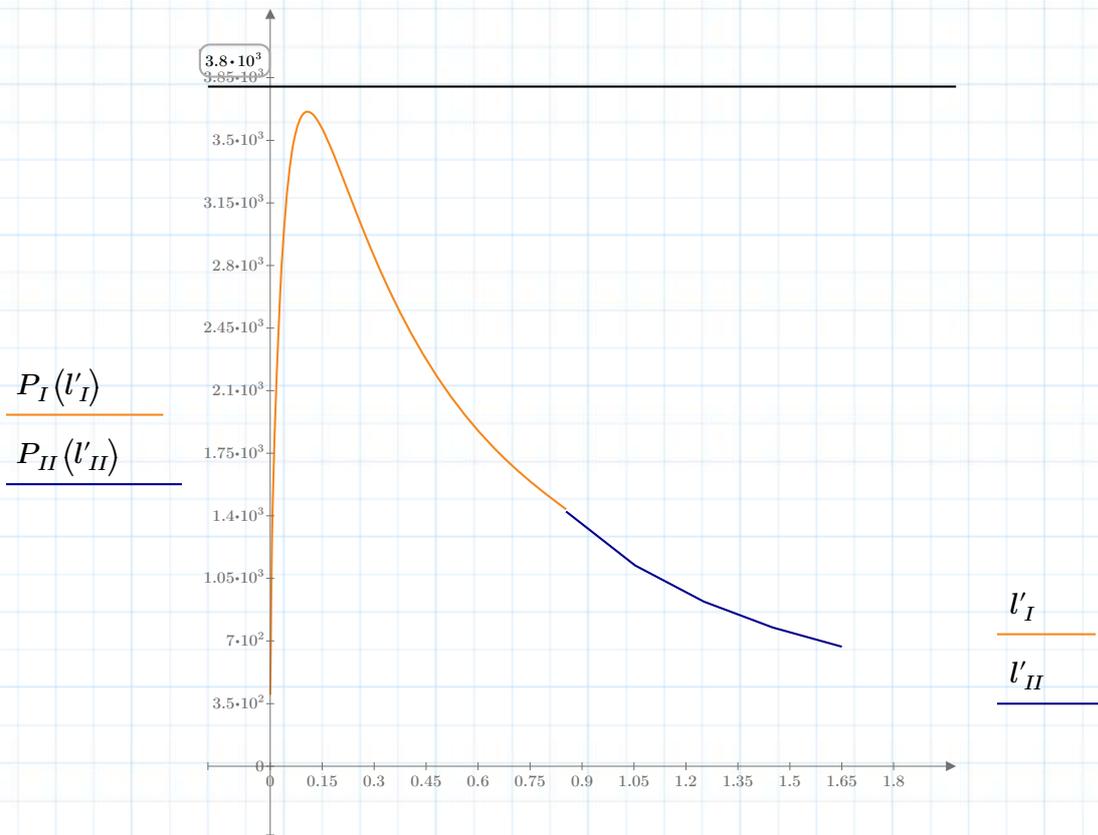
Интерполяция данных:

$$\begin{aligned} q_1 &:= \text{cspline}(l_I, P_I) \\ P_I(l'_I) &:= \text{interp}(q_1, l_I, P_I, l'_I) \\ l'_I &:= l_{I,1}, 0.001 \dots l_{I,17} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} q_2 &:= \text{cspline}(l_I, v_I) \\ v_I(l'_I) &:= \text{interp}(q_2, l_I, v_I, l'_I) \\ l'_I &:= l_{I,1}, 0.001 \dots l_{I,17} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} w_1 &:= \text{cspline}(l_{II}, P_{II}) \\ P_{II}(l'_{II}) &:= \text{interp}(w_1, l_{II}, P_{II}, l'_{II}) \\ l'_{II} &:= l_{II} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} w_2 &:= \text{cspline}(l_{II}, v_{II}) \\ v_{II}(l'_{II}) &:= \text{interp}(w_2, l_{II}, v_{II}, l'_{II}) \\ l'_{II} &:= l_{II} \end{aligned}$$



Внешняя баллистика

Расчет для разных углов:

Внешняя баллистика изучает движение снаряда после прекращения действия на него пороховых газов.

Траекторией называется кривая линия, описываемая центром тяжести снаряда в полете.

Снаряд, при полете в воздухе, подвергается действию двух сил: силы тяжести и силы сопротивления воздуха. Сила тяжести заставляет снаряд постепенно понижаться, а сила сопротивления воздуха непрерывно замедляет движение снаряда и стремится опрокинуть его. В результате действия этих сил скорость полета снаряда постепенно уменьшается, а его траектория представляет собой по форме, неравномерно изогнутую кривую.

Для решение задачи внешней баллистики составляется система дифференциальных уравнений второго порядка. И на основе решение этой системы составляются графики: траектория пули от угла θ , зависимость скорости от пути пули.

Дифференциальные уравнения:

$$X'' = -E \cdot X'$$

$$Y'' = -E \cdot Y' - g$$

Вспомогательные коэффициенты:

$$c := \frac{1000}{q} \cdot i \cdot d^2 = 2.278 \quad \text{баллистический коэффициент}$$

$$V = \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}$$

$$x't' = v_0 \cdot \cos(\theta)$$

$$y't' = v_0 \cdot \sin(\theta) \quad \text{в первый моент времени } t=0$$

$$E = C \cdot H(y) \cdot G(V)$$

$H(y)$ обычно береться по формуле Эверлинга :

$$H(y) = 10^{-0.000046 \cdot y}$$

$G(V)$ обычно определяется по универсальной формуле Сياتчи:

$$G(V) = \frac{F(V)}{V} = \frac{1}{V} \cdot \left(0.202 \cdot V - 48.05 + \sqrt{(0.1648 \cdot V - 47.95)^2 + 9.6 + 0.0442 \cdot V} \cdot \frac{(V - 300)}{371 + \left(\frac{V}{200}\right)^{10}} \right)$$

где $F(V)$ функция силы сопротивления воздуха

$$\Theta := 0^\circ$$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot y'(t) - g$$

$$x(0) = 0 \quad y(0) = 1.5 \quad x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta) \quad y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta)$$

$$\begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 20 \right)$$

$$\Theta := 5^\circ$$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot y'(t) - g$$

$$x(0) = 0 \quad y(0) = 1.5 \quad x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta) \quad y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta)$$

$$\begin{bmatrix} x_5 \\ y_5 \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 20 \right)$$

$\Theta := 10^\circ$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\begin{aligned} &0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05 \text{ d} \\ &+ \sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6 \text{ d}} \\ &+ \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \end{aligned} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\begin{aligned} &0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05 \text{ d} \\ &+ \sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6 \text{ d}} \\ &+ \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \end{aligned} \right) \cdot y'(t) - g$$

$$x(0) = 0 \quad y(0) = 1.5 \quad x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta) \quad y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta)$$

$$\begin{bmatrix} x_{10} \\ y_{10} \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 20 \right)$$

$\Theta := 15^\circ$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\begin{aligned} &0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05 \text{ d} \\ &+ \sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6 \text{ d}} \\ &+ \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \end{aligned} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\begin{aligned} &0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05 \text{ d} \\ &+ \sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6 \text{ d}} \\ &+ \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \end{aligned} \right) \cdot y'(t) - g$$

$$x(0) = 0 \quad y(0) = 1.5 \quad x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta) \quad y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta)$$

$$\begin{bmatrix} x_{15} \\ y_{15} \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 20 \right)$$

$$\Theta := 20^\circ$$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot y'(t) - g$$

$$x(0) = 0$$

$$y(0) = 1.5$$

$$x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta)$$

$$y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta)$$

$$\begin{bmatrix} x_{20} \\ y_{20} \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 20 \right)$$

$$\Theta 1 := 60^\circ$$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\frac{0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05}{\sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6}} + \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \right) \cdot y'(t) - 9.81$$

$$x(0) = 0$$

$$y(0) = 1.5$$

$$x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta 1)$$

$$y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta 1)$$

$$\begin{bmatrix} x_{60} \\ y_{60} \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 120 \right)$$

$\Theta_1 := 70^\circ$

$$x''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\begin{aligned} &0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05 \downarrow \\ &+ \sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6 \downarrow} \\ &+ \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \end{aligned} \right) \cdot x'(t)$$

$$y''(t) = -c \cdot 10^{-0.000046 \cdot y(t)} \cdot \frac{1}{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}} \cdot \left(\begin{aligned} &0.2002 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 48.05 \downarrow \\ &+ \sqrt{\left(0.1648 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 47.95\right)^2 + 9.6 \downarrow} \\ &+ \frac{0.0442 \cdot \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} \cdot \left(\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2} - 300\right)}{371 + \left(\frac{\sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}}{200}\right)^{10}} \end{aligned} \right) \cdot y'(t) - 9.81$$

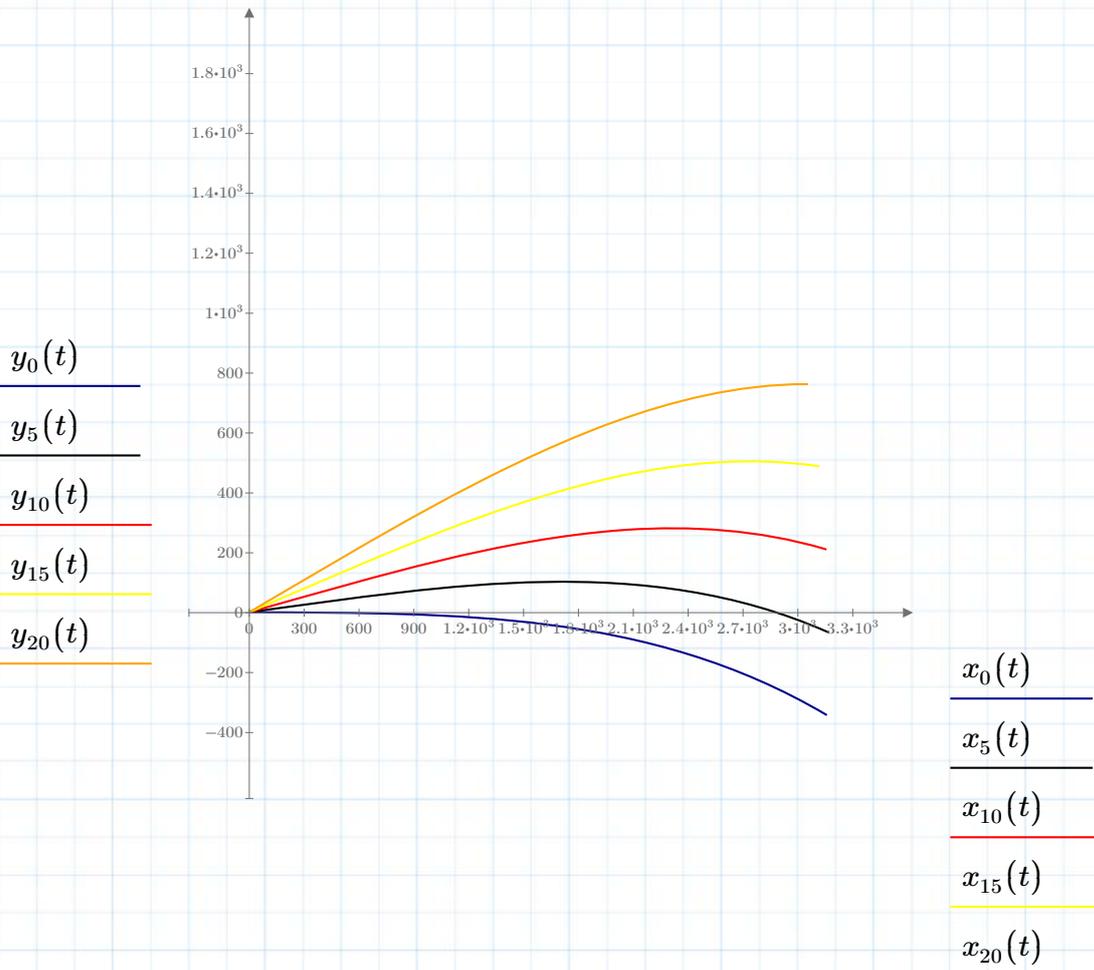
$$x(0) = 0$$

$$y(0) = 1.5$$

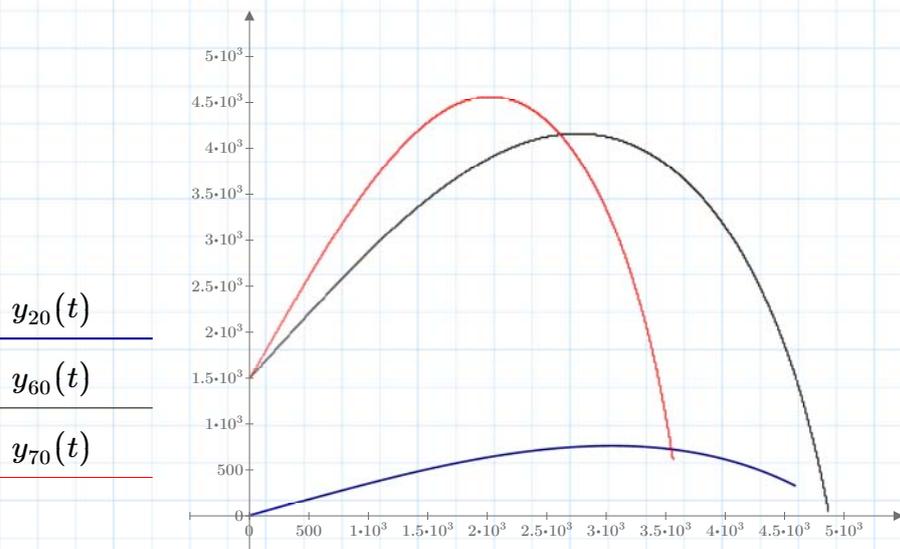
$$x'(0) = v_0 \cdot \cos(\Theta_1)$$

$$y'(0) = v_0 \cdot \sin(\Theta_1)$$

$$\begin{bmatrix} x_{70} \\ y_{70} \end{bmatrix} := \text{odesolve} \left(\begin{bmatrix} x(t) \\ y(t) \end{bmatrix}, 120 \right)$$



$t := 0, 0.001 \dots 60$



$$V(t) = \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2}$$

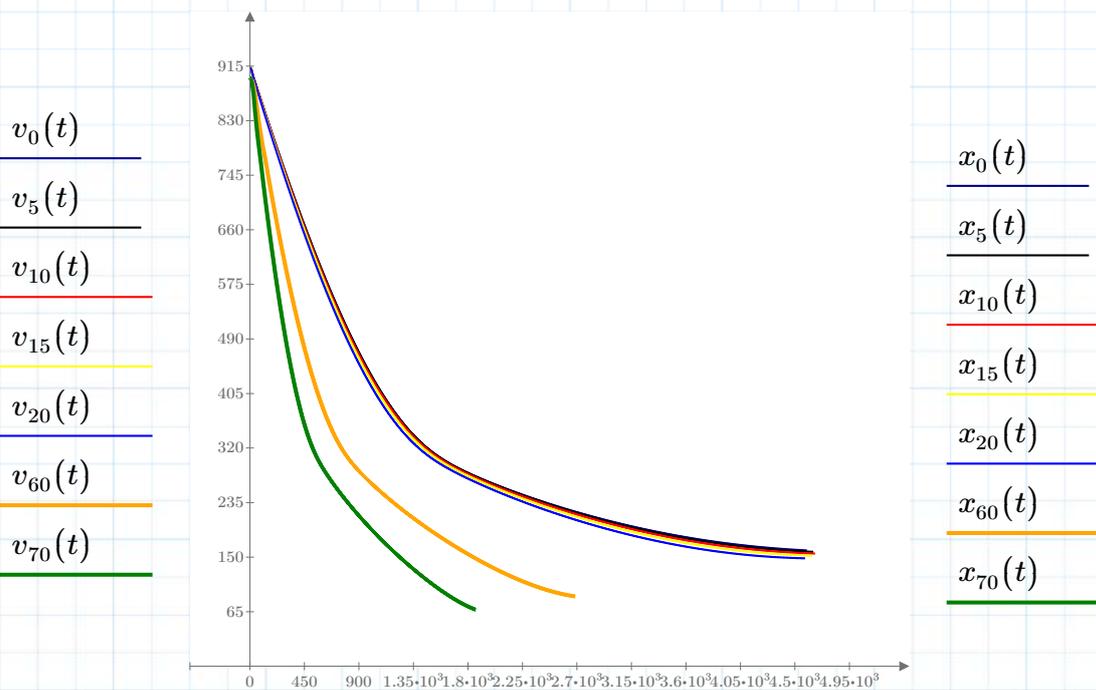
$$v_0(t) := \sqrt{x_0'(t)^2 + y_0'(t)^2} \quad v_5(t) := \sqrt{x_5'(t)^2 + y_5'(t)^2} \quad v_{10}(t) := \sqrt{\frac{x_{60}(t)}{x_{70}(t)} + y_{10}'(t)^2}$$

$$v_{15}(t) := \sqrt{x_{15}'(t)^2 + y_{15}'(t)^2} \quad v_{20}(t) := \sqrt{x_{20}'(t)^2 + y_{20}'(t)^2}$$

$$v_{60}(t) := \sqrt{x_{60}'(t)^2 + y_{60}'(t)^2} \quad v_{70}(t) := \sqrt{x_{70}'(t)^2 + y_{70}'(t)^2}$$

$t := 0, 0.001 \dots 20$

Графики построены для некоторых значений углов θ (число в индексе). Углы 60 и 70 взяты для визуализации контраста зависимостей.



$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964$$

скорость встречи снаряда с броней в м/с

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.14 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

$$b_2 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_2)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.186 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

| cos(α) | | | | | | |
|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 1,000 | 0,966 | 0,866 | 0,707 | 0,500 | 0,259 | 0,000 |
| 0,966 | 0,933 | 0,837 | 0,683 | 0,483 | 0,250 | 0,000 |
| 0,866 | 0,837 | 0,750 | 0,612 | 0,433 | 0,224 | 0,000 |
| 0,707 | 0,683 | 0,612 | 0,500 | 0,354 | 0,183 | 0,000 |
| 0,500 | 0,483 | 0,433 | 0,354 | 0,250 | 0,129 | 0,000 |
| 0,259 | 0,250 | 0,224 | 0,183 | 0,129 | 0,067 | 0,000 |
| 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| | | | | | | |
| b | | | | | | |
| 0,186 | 0,177 | 0,152 | 0,114 | 0,070 | 0,028 | 0,000 |
| 0,177 | 0,169 | 0,145 | 0,109 | 0,067 | 0,027 | 0,000 |
| 0,152 | 0,145 | 0,124 | 0,093 | 0,058 | 0,023 | 0,000 |
| 0,114 | 0,109 | 0,093 | 0,070 | 0,043 | 0,017 | 0,000 |
| 0,070 | 0,067 | 0,058 | 0,043 | 0,027 | 0,011 | 0,000 |
| 0,028 | 0,027 | 0,023 | 0,017 | 0,011 | 0,004 | 0,000 |
| 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |

Пусть

$$b := 0.15$$

толщина брони в дециметрах

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 454.375 \\ 470.062 \\ 523.086 \\ 637.928 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

скорость встречи снаряда с броней в м/с

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!

на углах 90, 75, 60, 45 и 30 градусов

Деталь №2

$K := 2200$ коэффициент стойкости брони

$\beta := 20^\circ$ конструкционный угол

$$a_1 := \cos(q_1) \cdot \cos(\beta) \cdot \cos(\varphi) = \begin{bmatrix} 0.94 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \alpha_1 := \arccos(a_1) \cdot \frac{180}{\pi} = \begin{bmatrix} 20 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3 \quad \text{м}$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964 \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.17 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Пусть

$b := 0.15$ толщина брони в дециметрах

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 397.232 \\ 410.945 \\ 457.302 \\ 557.701 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!
на углах 90, 75, 60, 45 и 30 градусов

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_2^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 373.763 \\ 386.667 \\ 430.284 \\ 524.752 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!
на углах 90, 75, 60, 45 и 30 градусов

Деталь №3

$K := 2200$ коэффициент стойкости брони

$\beta := 15^\circ$ конструкционный угол

$$a_1 := \cos(q_1) \cdot \cos(\beta) \cdot \cos(\varphi) = \begin{bmatrix} 0.966 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \alpha_1 := \arccos(a_1) \cdot \frac{180}{\pi} = \begin{bmatrix} 15 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3 \quad \text{м}$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964 \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.177 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Пусть

$b := 0.15$ толщина брони в дециметрах

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 386.667 \\ 400.016 \\ 445.139 \\ 542.868 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!
на углах 90, 75, 60, 45 и 30 градусов

Деталь №4

$K := 2200$ коэффициент стойкости брони

$\beta := 78^\circ$ конструкционный угол

$$a_1 := \cos(q_1) \cdot \cos(\beta) \cdot \cos(\varphi) = \begin{bmatrix} 0.208 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$\alpha_1 := \arccos(a_1) \cdot \frac{180}{\pi} = \begin{bmatrix} 78 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3 \quad \text{м}$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964 \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.021 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Пусть

$b := 0.15$ толщина брони в дециметрах

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 1.739 \cdot 10^3 \\ 1.799 \cdot 10^3 \\ 2.002 \cdot 10^3 \\ 2.442 \cdot 10^3 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина не пробивается!

Деталь №5

$K := 2200$ коэффициент стойкости брони

$\beta := 25^\circ$ конструкционный угол

$$a_1 := \cos(\alpha_1) \cdot \cos(\beta) \cdot \cos(\varphi) = \begin{bmatrix} 0.906 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \alpha_1 := \arccos(a_1) \cdot \frac{180}{\pi} = \begin{bmatrix} 25 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3 \quad \text{м}$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964 \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.162 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Пусть

$$b := 0.15 \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 411.552 \\ 425.76 \\ 473.787 \\ 577.806 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!
на углах 90, 75, 60, 45 и 30 градусов

Деталь №6

$K := 2200$ коэффициент стойкости брони

$\beta := 45^\circ$ конструкционный угол

$$a_1 := \cos(q_1) \cdot \cos(\beta) \cdot \cos(\varphi) = \begin{bmatrix} 0.707 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \alpha_1 := \arccos(a_1) \cdot \frac{180}{\pi} = \begin{bmatrix} 45 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3 \quad \text{м}$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964 \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.114 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Пусть

$$b := 0.15 \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 524.752 \\ 542.868 \\ 604.105 \\ 736.735 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!
на углах 90, 75, 60 и 45 градусов

Деталь №7

$K := 2200$ коэффициент стойкости брони

$\beta := 0^\circ$ конструкционный угол

$$a_1 := \cos(q_1) \cdot \cos(\beta) \cdot \cos(\varphi) = \begin{bmatrix} 1 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$\alpha_1 := \arccos(a_1) \cdot \frac{180}{\pi} = \begin{bmatrix} 0 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

$$x_0(1.605) = 1 \cdot 10^3 \quad \text{м}$$

$$v_c := v_0(1.605) = 433.964 \quad \text{скорость встречи снаряда с броней в м/с}$$

$$d_c := d \cdot 10 = 0.3 \quad \text{калибр снаряда в дм}$$

$$b_1 := \left(\frac{v_c}{K}\right)^{1.43} \cdot \left(\frac{q^{0.71}}{d_c^{1.07}}\right) \cdot (a_1)^{1.4} = \begin{bmatrix} 0.186 \\ \vdots \end{bmatrix} \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Пусть

$$b := 0.15 \quad \text{толщина брони в дециметрах}$$

Тогда

$$v_c := \left(\frac{b \cdot K^{1.43} \cdot d_c^{1.07}}{q^{0.71} \cdot a_1^{1.4}}\right)^{\frac{1}{1.43}} = \begin{bmatrix} 373.763 \\ 386.667 \\ 430.284 \\ 524.752 \\ \vdots \end{bmatrix}$$

скорость встречи снаряда с броней в м/с

$$v_c \leq v_0(0.00001) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Машина пробивается!

на углах 90, 75, 60, 45 и 30 градусов